

## Aufgaben 6                    Lineare Funktion und Gleichungen     Lineare Gleichungssysteme

### Lernziele

- ein lineares Gleichungssystem lösen können.
- angewandte Problemstellungen mit Hilfe von linearen Gleichungssystemen bearbeiten können.

### Aufgaben

6.1    Lösen Sie die folgenden Gleichungssysteme:

- |    |  |    |  |
|----|--|----|--|
| a) | $4x + 3y = 14$<br>$2x - y = 12$                              | b) | $-4a - b = 40$<br>$a + 5b = 9$   |
| c) | $12x + 9y = 15$<br>$4x + 3y = 5$                             | d) | $a - 4b = 3$<br>$-5a + 20b = 10$                                       |
| e) | $2p - 6q = 6$<br>$5p + 3q = 42$                              | f) | $(x + 5)(y + 1) = (x + 8)(y - 3)$<br>$(x - 3)(y - 1) = (x - 1)(y + 3)$ |
| g) | $2(2a + 3b) = 3(3a - b) + 5$<br>$4(3a - 4b) = 2(a + b) - 10$ |    |  |

6.2    Bestimmen Sie die Funktionsgleichung der linearen Funktion, deren Graf die zwei Punkte P und Q enthält:

- |    |         |          |
|----|---------|----------|
| a) | P(5 -3) | Q(-2 1)  |
| b) | P(2 -3) | Q(-1 -4) |
| c) | P(3 -7) | Q(3 -9)  |

6.3    Bestimmen Sie den Schnittpunkt der Grafen der beiden linearen Funktionen f und g:

- |    |  |   |
|----|--|---|
| a) | f: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$<br>$x \mapsto y = f(x) = -3x + \frac{5}{4}$ | g: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$<br>$x \mapsto y = g(x) = -x - 1$ |
| b) | f: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$<br>$x \mapsto y = f(x) = 2x + \frac{5}{4}$  | g: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$<br>$x \mapsto y = g(x) = 2x - 1$ |

6.4    Hotelier A sagt zu Hotelier B: "Wenn drei Viertel Deiner Hotelgäste in mein Hotel wechseln würden, hätte ich insgesamt 100 Gäste." Hotelier B antwortet: "Wenn die Hälfte Deiner Hotelgäste in mein Hotel wechseln würden, hätte ich insgesamt 100 Gäste."

Wieviele Gäste beherbergen A und B in ihren Hotels?

6.5    Die (nicht-lineare) Gleichung  $ax^2 + bx = 1$  hat die Lösungsmenge  $L = \{2, 3\}$ , d.h. die Gleichung hat die beiden Lösungen  $x_1 = 2$  und  $x_2 = 3$ .

Bestimmen Sie die beiden Parameter a und b.

6.6    3000 CHF werden drei Gewinnern verliehen. Der erste Preis beträgt  $\frac{5}{3}$  des zweiten, während der zweite Preis  $\frac{3}{2}$  des dritten beträgt.

Bestimmen Sie die Höhe der drei Preise.

- 6.7 In einer Familie ist die Mutter 32 Jahre älter als die Tochter, während der Vater 26 Jahre älter ist als der Sohn. Die Mutter und die Tochter sind zusammen 10 Jahre älter als der Vater. Die Differenz zwischen dem Alter des Sohnes und dem Alter der Tochter ist doppelt so gross wie die Differenz der Alter der beiden Eltern.

Bestimmen Sie das Alter jedes Familienmitglieds.

- 6.8 Red Tide und Blue Flake planen die Produktionslinie neuer Skis.

**Red Tide**

Im ersten Jahr betragen die Fixkosten für den Aufbau der Produktion 90'000 CHF. Die variablen Kosten für die Produktion jedes Skipaares werden zu 160 CHF geschätzt, und der Verkaufspreis wird 510 CHF pro Paar betragen. Geplant wird, im ersten Jahr 3000 Paare zu verkaufen.

**Blue Flake**

Im ersten Jahr betragen die Fixkosten für den Aufbau der Produktion 80'000 CHF. Die variablen Kosten für die Produktion jedes Skipaares werden zu 160 CHF geschätzt, und der Verkaufspreis wird 500 CHF pro Paar betragen. Geplant wird, im ersten Jahr 3500 Paare zu verkaufen.

Wieviele Paare Skis müssen Red Tide und Blue Flake verkaufen, um den gleichen Gewinn zu erzielen?  
Wie hoch ist dieser Gewinn?

- 6.9 Entscheiden Sie, welche Aussagen wahr oder falsch sind. Kreuzen Sie das entsprechende Kästchen an. In jeder Aufgabe a) bis c) ist genau eine Aussage wahr.

- a) Eine Lösung eines linearen Gleichungssystems ...

- ... ist nicht zwingend eine Lösung jeder Gleichung des Gleichungssystems.  
 ... ist nicht zwingend ein Element der Lösungsmenge.  
 ... besteht aus zwei Lösungen, falls das Gleichungssystem aus zwei Gleichungen besteht.  
 ... besteht aus einem Paar zweier reeller Zahlen, falls das Gleichungssystem aus zwei Gleichungen besteht.

- b) Eine Lösung eines linearen Gleichungssystems ...

- ... entspricht immer einem gemeinsamen Punkt von Grafen linearer Funktionen.  
 ... entspricht immer einem Schnittpunkt von genau zwei Geraden.  
 ... entspricht immer einem Punkt im dreidimensionalen Raum.  
 ... ist die einzige Lösung, falls die Grafen der entsprechenden linearen Funktionen parallel sind.

- c) Wenn ein lineares Gleichungssystem die Lösung  $(x,y) = (2,3)$  hat, kann gefolgert werden, dass es ...

- ... mehr Unbekannte enthält als Gleichungen.  
 ... zwei Gleichungen enthält.  
 ... zwei Unbekannte enthält.  
 ... zwei Lösungen hat.