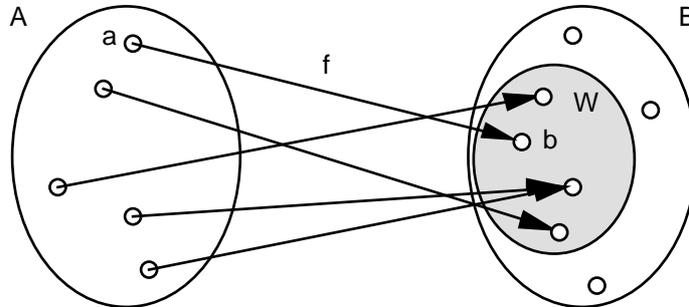


Abbildungen

Def.: Eine **Abbildung** f ist eine Vorschrift, die **jedem** Element a aus einer Menge A **genau ein** Element b aus einer Menge B zuordnet.



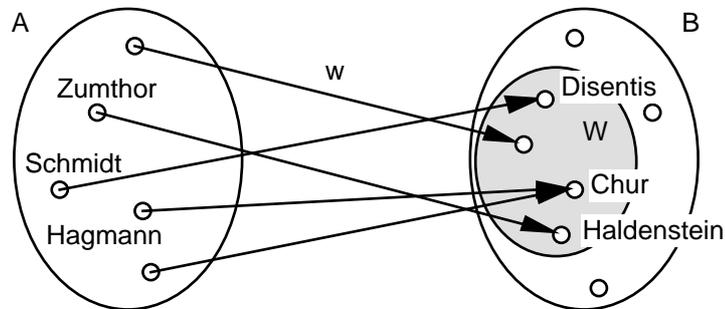
Schreibweise: $f: A \rightarrow B$
 $a \mapsto b = f(a)$ ("f von a")

Die Menge A ist der **Definitionsbereich**, die Menge B der **Cobereich** und die Menge W der **Bildbereich** der Abbildung f .

b ist das zum Element a gehörige **Bildelement**.

Bsp.: 1. A = Menge aller Bündner Architekten
 B = Menge aller Schweizer Gemeinden

$w: A \rightarrow B$
 $a \mapsto b = w(a)$ = Offizielle Wohnsitzgemeinde von a



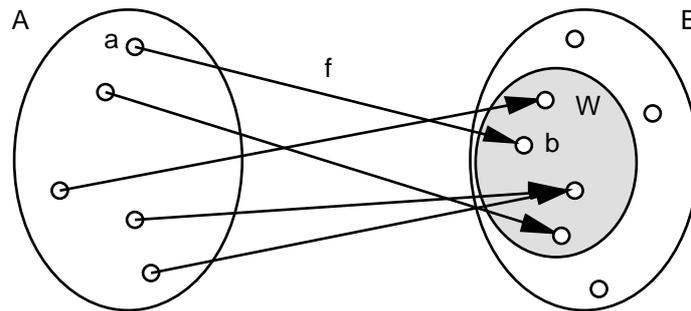
2. A = Menge aller Gebäude der Stadt Chur
 $B = \{500, 501, 502, 503, \dots, 1999, 2000, 2001, 2002\}$

$e: A \rightarrow B$
 $g \mapsto j = e(g)$ = Jahr der Einweihung von g

3. $A = B$ = Menge aller Punkte einer Ebene

$S_g: A \rightarrow A$
 $P \mapsto P' = S_g(P)$ = Bildpunkt von P bezüglich einer Geradenspiegelung an der Geraden g

Def.: Eine Abbildung $f: A \rightarrow B$ heisst **Funktion**, wenn sowohl A als auch B **Zahlenmengen** sind.

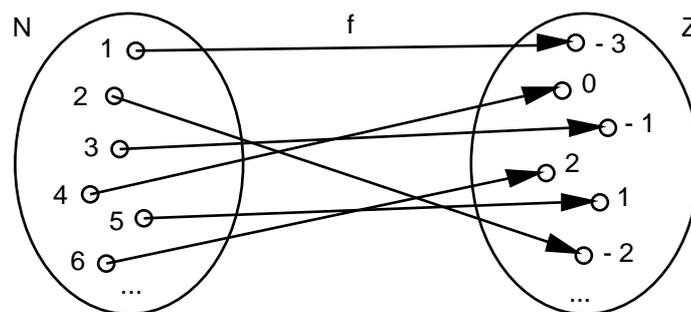


Bei einer Funktion heisst der Bildbereich W **Wertebereich**, und die Bildelemente $b \in W$ heissen **Funktionswerte**.

Bsp.: 1. $A = \mathbb{N}$ (= Menge der natürlichen Zahlen)
 $B = \mathbb{Z}$ (= Menge der ganzen Zahlen)

$$f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{Z}$$

$$n \mapsto y = f(n) = n - 4$$



2. $A = \mathbb{R}_0^+$ (= Menge der positiven reellen Zahlen inklusive 0)
 $B = \mathbb{R}$ (= Menge der reellen Zahlen)

$$f: \mathbb{R}_0^+ \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \mapsto y = f(x) = \sqrt{x}$$

3. $A = B = \mathbb{R}$

$$p: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \mapsto y = p(x) = \frac{x^3 - 3}{2x^2 + 1}$$