## Übung 8 **Ebene** Schnittpunkt / Schnittwinkel Gerade-Ebene

## Lernziele

- den Schnittpunkt und den Schnittwinkel zwischen einer Geraden und einer Ebene bestimmen können.
- die gegenseitige Lage einer Geraden und einer Ebene beurteilen können.
- neue geometrische Problemstellungen mit Hilfe der Parameterdarstellung einer Geraden sowie der Parameterund Koordinatendarstellung einer Ebene analysieren und lösen können.

## Aufgaben

1. Papula: 136/23

Detailliertere Formulierung der Aufgabenstellung:

- a) Bestimmen Sie eine Parameterdarstellung der vorgegebenen Ebene E.
- b) Bestimmen Sie den Schnittpunkt zwischen der Geraden g und der Ebene E
  - mit Hilfe der angegebenen Koordinatendarstellung der Ebene E. i)
  - ii) mit Hilfe der in a) bestimmten Parameterdarstellung der Ebene E.
- c) Bestimmen Sie den Schnittwinkel zwischen der Geraden g und der Ebene E mit Hilfe der angegebenen Koordinatendarstellung der Ebene E.
- 2. Gegeben ist die Ebene E:

E: 
$$r(P) = \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 1 & + \mu & 2 & + & 3 \\ 1 & 3 & -2 \end{pmatrix}$$

Beurteilen Sie, welche gegenseitige Lage die Gerade g und die Ebene E einnehmen, d.h. ob die Gerade g auf E liegt, E schneidet oder parallel zu E verläuft:

a) g: 
$$r(P) = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & + 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$
  
b) g:  $r(P) = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 6 & + 13 \\ 2 & 0 \\ 4 & 5 \\ c)$  g:  $r(P) = \begin{pmatrix} 6 & + 6 \\ 6 & + 12$ 

c) g: 
$$r(P) = 6 + 0$$
  
1 13

3. Gegeben sind die Gerade g und die Ebene E:

Wenn man die Gerade g auf die Ebene E projiziert, so erhält man die Gerade g', welche auf der Ebene E liegt.

Bestimmen Sie eine Parameterdarstellung dieser Geraden g'.

Die Punkte A(1|1|1), B(2|5|6) und C(6|6|5) bilden die Grundfläche einer Pyramide. 4. Die Spitze D der Pyramide liegt in der xy-Ebene, und der Höhenfusspunkt H der Pyramide fällt mit dem Schwerpunkt S der Grundfläche zusammen.

Bestimmen Sie die Koordinaten der Pyramidenspitze D.

## Lösungen

1. a) E: 
$$r(P) = \begin{pmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 0 & + \mu & 1 & + & 0 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$$

- b) siehe Papula
- c) siehe Papula
- 2. a) g schneidet E.
  - b) g liegt auf E.
  - c) g verläuft parallel zu E.

3. g: 
$$r(P) = {3/7 \atop -2/7} + {5 \atop 9/7}$$
 9

Bem.: S  $\frac{3}{7} \left| -\frac{2}{7} \right| \frac{9}{7}$  ist der Schnittpunkt der Geraden g mit der Ebene E.

4. D 
$$\frac{3}{5} \left| \frac{48}{5} \right| 0$$