

## Aufgaben 14      Ableitungsregeln Faktor-/Summen-/Produktregel, Höhere Ableitungen

### Lernziele

- die Faktor-, Summen- und Produktregel anwenden können, um die Ableitung einer Funktion zu bestimmen.
- eine höhere Ableitung einer Funktion bestimmen können.

### Aufgaben

14.1 Bestimmen Sie die Ableitung mit Hilfe der **Faktorregel**:

- |                                     |                              |                         |
|-------------------------------------|------------------------------|-------------------------|
| a) $f(x) = 3x^5$                    | b) $f(x) = -4x^3$            | c) $f(x) = -x^{10}$     |
| d) $f(x) = a \cdot x^3$             | e) $f(x) = n \cdot x^{n-1}$  | f) $f(x) = 9 \cdot 3^x$ |
| g) $s(t) = \frac{1}{2} g \cdot t^2$ | h) $S(T) = \alpha \cdot T^4$ | i) $C(x) = (-3x)^3$     |

14.2 Bestimmen Sie die Ableitung mit Hilfe der **Summenregel**:

- |   |  |   |
|---|--|---|
| a) $f(x) = x^5 + x^6$                           | b) $f(x) = x^{10} - x^9$                 | c) $f(x) = 1 + x + 3x^3$                  |
| d) $f(x) = \frac{1}{4}x^4 + 3x^2 - 2$           | e) $f(x) = 3x^2(x - 2)$                  | f) $f(x) = -3x^8 + x^5 - 3x + 99$         |
| g) $f(x) = ax^2 + bx + c$                       | h) $f(x) = 3(a^2 - 2ax + x^2)$           | i) $f(x) = \frac{x^3}{3} - \frac{3}{x^3}$ |
| j) $s(t) = s_0 + v_0t + \frac{1}{2}g \cdot t^2$ | k) $V(r) = -\frac{a}{r} + \frac{b}{r^2}$ | l) $K(n) = K_0(1 + ni)$                   |

Hinweis :

- In einigen Teilaufgaben benötigt man zusätzlich die Faktorregel.

14.3 Bestimmen Sie die Ableitung mit Hilfe der **Produktregel**:

- |                                     |  |
|-------------------------------------|--|
| a) $f(x) = x \cdot e^x$             | b) $f(x) = x^3 \cdot 3^x$                                  |
| c) $f(x) = -2x^5(x - 1)$            | d) $f(x) = (2x - 1) \cdot e^x$                             |
| e) $f(x) = (2x - 1)(-3x^2 - x + 1)$ | f) $V(r) = e^r \left( a \cdot r^2 - \frac{b}{r^3} \right)$ |

Hinweis:

- In einigen Teilaufgaben benötigt man zusätzlich die Faktor- und/oder die Summenregel.

14.4 Bestimmen Sie die Ableitung der folgenden Exponentialfunktionen:

- |                      |                          |
|----------------------|--------------------------|
| a) $f(x) = e^{4x}$   | b) $f(x) = e^{-x}$       |
| c) $f(x) = e^{-x^2}$ | d) $f(x) = e^{x^2-2x+5}$ |

14.5 Bestimmen Sie die Ableitung. Verwenden Sie dabei die geeignete(n) Ableitungsregel(n). Vereinfachen und faktorisieren Sie die Ableitung so weit wie möglich:

- |   |                              |
|---|------------------------------|
| a) $f(x) = (x - 2) e^{2x}$                | b) $f(x) = (2 - x^2) e^{-x}$ |
| c) $f(x) = (3x^3 - 2x^2 + x - 1) e^{-2x}$ | d) $P(v) = av^2 e^{-bv^2}$   |

14.6 (siehe nächste Seite)

