

Aufgaben 1 Mass und Messen SI-Einheiten, Zehnerpotenzdarstellung, Messfehler, Fehlerfortpflanzung

Lernziele

- einfache physikalische Grössen in SI-Basiseinheiten angeben können.
- einfache physikalische Grössen in sinnvollen dezimalen Vielfachen oder Teilen von SI-Basiseinheiten angeben können.
- physikalische Grössen in der Zehnerpotenzdarstellung angeben können.
- die Anzahl signifikanter Stellen aus der Masszahl einer physikalischen Grösse herauslesen können.
- den Messfehler bei einfachen Messgrössen abschätzen können.
- die Genauigkeit einer aus gemessenen Grössen berechneten Grösse beurteilen können.
- eine gemessene bzw. aus gemessenen Grössen berechnete Grösse mit der ihrer Ungenauigkeit angemessenen Anzahl signifikanter Stellen oder Dezimalstellen angeben können.
- den Mittelwert, die Standardabweichung und den relativen Fehler einer in einer Messserie ermittelten Grösse bestimmen können.

Aufgaben

1.1 Geben Sie die folgenden Grössen in SI-Basiseinheiten an:

- | | | | | | |
|----|------------|----|------------|----|----------------|
| a) | 32.321 km | b) | 17.5 mm | c) | 321 mm |
| d) | 540'012 cm | e) | 3.4 kg | f) | 253 g |
| g) | 42.1234 t | h) | 4.8 mg | i) | 2 h 15 min 9 s |
| j) | 2.01 h | k) | 8 min 21 s | l) | 5.67 ns |

1.2 Geben Sie die folgenden Grössen in sinnvollen dezimalen Vielfachen oder Teilen von SI-Einheiten an (Bsp.: $0.0045 \text{ s} = 4.5 \text{ ms}$, $34500000 \text{ W} = 34.5 \text{ MW}$):

- | | | | | | |
|----|-----------------|----|------------|----|------------------|
| a) | 0.00732 km | b) | 932'701 nm | c) | 0.0002 mm |
| d) | 1280000000000 J | e) | 0.00265 W | f) | 0.000000000010 s |

1.3 Geben Sie die folgenden Grössen in SI-Einheiten an:

- | | | | | | |
|----|---------|----|-----------|----|----------|
| a) | 72 km/h | b) | 60 dm/min | c) | 3.6 km/h |
| d) | 4.8 g/s | e) | 90 kg/h | f) | 25 kWh |

1.4 Geben Sie die folgenden Grössen unter Beibehaltung der Einheit in der Zehnerpotenzdarstellung an:

- | | | | | | |
|----|-------------|----|------------|----|------------|
| a) | 59'827.6 mm | b) | 0.00045 mm | c) | 0.0026 cm |
| d) | 988'101 km | e) | 45.23 s | f) | 0.38 ms |
| g) | 72 km/h | h) | 0.34 mg | i) | 0.018 kg/h |

1.5 Geben Sie die Grössen aus der Aufgabe 1.4 in der Zehnerpotenzdarstellung, jedoch in der entsprechenden SI-Einheit an.

1.6 Studieren Sie auf den Theorie-Blättern "Mass und Messen" die Beispiele auf der Seite 4.

1.7 Geben Sie die Anzahl der signifikanten Stellen in den folgenden Grössen an:

- | | | | | | |
|----|------------------------------|----|----------------------------------|----|----------------------------------|
| a) | 45.03 m | b) | 0.00506700 km | c) | 300'000 m/s |
| d) | 299'792 m/s | e) | $5 \cdot 10^{10} \text{ m}$ | f) | $3.1480 \cdot 10^{-9} \text{ s}$ |
| g) | $1.001 \cdot 10^5 \text{ m}$ | h) | $7.010 \cdot 10^{-6} \text{ kg}$ | i) | 400 kg/s |

- 1.8 In einem Buch sind die nachfolgenden physikalischen Konstanten mit ihren absoluten Fehlern aufgeführt. Geben Sie jede Grösse mit einer dem absoluten Fehler entsprechenden Anzahl signifikanter Stellen an (Bsp.: Statt $x = (3.4567 \pm 0.0013) \cdot 10^{-5} \text{ } \mathcal{A} \text{ } x = 3.457 \cdot 10^{-5}$)

- a) Masse des Protons $m_p = (1.6726231 \pm 0.0000010) \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
 b) Avogadro-Konstante $N_A = (6.0221367 \pm 0.0000036) \cdot 10^{26} \text{ 1/kmol}$
 c) Universelle Gaskonstante $R = (8.314510 \pm 0.000070) \cdot 10^3 \text{ J/(K} \cdot \text{kmol)}$

- 1.9 Die potentielle Energie W_G eines Körpers der Masse m beträgt auf der Höhe h (über einem willkürlich definierten Nullniveau):

$$W_G = m \cdot g \cdot h$$

In der folgenden Tabelle sind gemessene Grössen für m , g und h angegeben. Wenn man die Masszahlen von m , g und h mit einem Taschenrechner multipliziert, so liest man als Resultat die in der letzten Spalte der Tabelle aufgeführten Werte ab.

	m (gemessen)	g (gemessen)	h (gemessen)	Zahlenwert für W_G (berechnet)
a)	2.4 kg	9.81 N/kg	593 m	13'961.592
b)	318 g	9.81 N/kg	8 cm	24'956.64

Geben Sie die beiden berechneten Werte für die potentielle Energie W_G in der Zehnerpotenzdarstellung und in SI-Einheiten an.

Berücksichtigen Sie dabei die Genauigkeit der gemessenen Grössen m , g und h .

1.10 Experimente Posten 1 bis 3

Im Praktikumsraum sind drei Posten aufgebaut. An den einzelnen Posten sollen Sie jeweils zwei Grössen messen, daraus eine dritte Grösse berechnen und die **Fehlerfortpflanzung** beurteilen.

Bearbeiten Sie jeweils die folgenden Teilaufgaben:

- a) Messen Sie die zwei verlangten Grössen mit der angegebenen Messmethode.
 b) Überlegen Sie sich, wie genau Sie die beiden Grössen messen können. Geben Sie die gemessenen Grössen mit der entsprechenden Anzahl signifikanter Stellen an.
 c) Berechnen Sie aus den beiden gemessenen Grössen die verlangte dritte Grösse.
 d) Überlegen Sie sich, wie genau man die berechnete Grösse auf Grund der Messungenauigkeit der beiden gemessenen Grössen angeben kann. Geben Sie die berechnete Grösse mit der entsprechenden Anzahl signifikanter Stellen an.

Posten 1 Fläche

Messungen: - Länge l des Tisches mit dem Massstab
 - Breite b des Tisches mit dem Massstab
 Berechnung: Flächeninhalt A des Tisches
 $A = l \cdot b$

Posten 2 (siehe Seite 3)

Posten 3 (siehe Seite 3)

Posten 2

Dichte

Messungen: - Volumen V des Wassers mit dem Messzylinder
- Masse m des Wassers mit der Mettler-Waage

Berechnung: Dichte ρ des Wassers
$$\rho = \frac{m}{V}$$

Posten 3

Elektrische Prozessleistung

Messungen: mit dem **analogen** Volt- bzw. Ampèremeter:
- elektrische Spannung U über der Glühlampe
- elektrische Ladungsstromstärke I_Q durch die Glühlampe

mit dem **digitalen** Volt- bzw. Ampèremeter:
- elektrische Spannung U über der Glühlampe
- elektrische Ladungsstromstärke I_Q durch die Glühlampe

Berechnung: Elektrische Prozessleistung P_{el} in der Glühlampe
$$P_{el} = U \cdot I_Q$$

1.11 Experiment Posten 4

Im Praktikumsraum ist ein Fadenpendel aufgebaut. Sie sollen in einer **Messserie** die Schwingungsdauer des Pendels bestimmen. Bearbeiten Sie dazu die folgenden Teilaufgaben:

- Messen Sie die Schwingungsdauer T des Pendels mit der Steinegger-Stoppuhr. Führen Sie nacheinander fünf Einzelmessungen durch.
Hinweis:
Messen Sie jeweils die Zeitdauer für 10 Schwingungen und dividieren Sie das Resultat durch 10.
- Schätzen Sie den absoluten Fehler einer Einzelmessung ab.
- Berechnen Sie den Mittelwert, die Standardabweichung und den relativen Fehler.
- Vergleichen Sie den in b) abgeschätzten absoluten Fehler einer Einzelmessung mit der in c) berechneten Standardabweichung.
- Bestimmen Sie für den ermittelten Mittelwert der Schwingungsdauer die Anzahl signifikanter Stellen.

Lösungen

- | | | | |
|------|--|----------------------------|-----------------------------|
| 1.1 | a) 32'321 m | b) 0.0175 m | c) 0.000321 m |
| | d) 5'400.12 m | e) 3.4 kg | f) 0.253 kg |
| | g) 42'123.4 kg | h) 0.0000048 kg | i) 8'109 s |
| | j) 7'236 s | k) 501 s | l) 0.00000000567 s |
| 1.2 | a) 7.32 m | b) 0.932701 mm | c) 0.2 mm |
| | d) 1.28 TJ | e) 2.65 mW | f) 10 ps |
| 1.3 | a) 20 m/s | b) 0.10 m/s | c) 1.0 m/s |
| | d) 0.0048 kg/s | e) 0.025 kg/s | f) 90 MJ |
| 1.4 | a) $5.98276 \cdot 10^4$ mm | b) $4.5 \cdot 10^{-4}$ mm | c) $2.6 \cdot 10^{-3}$ cm |
| | d) $9.88101 \cdot 10^5$ km | e) $4.523 \cdot 10^1$ s | f) $3.8 \cdot 10^{-1}$ ms |
| | g) $7.2 \cdot 10^1$ km/h | h) $3.4 \cdot 10^{-1}$ mg | i) $1.8 \cdot 10^{-2}$ kg/h |
| 1.5 | a) $5.98276 \cdot 10^{-2}$ m | b) $4.5 \cdot 10^{-7}$ m | c) $2.6 \cdot 10^{-5}$ m |
| | d) $9.88101 \cdot 10^8$ m | e) $4.523 \cdot 10^1$ s | f) $3.8 \cdot 10^{-4}$ s |
| | g) $2.0 \cdot 10^1$ m/s | h) $3.4 \cdot 10^{-10}$ kg | i) $5.0 \cdot 10^{-6}$ kg/s |
| 1.6 | ... | | |
| 1.7 | a) 4 | b) 6 | c) 6 |
| | d) 6 | e) 1 | f) 5 |
| | g) 4 | h) 4 | i) 3 |
| 1.8 | a) $m_p = 1.672623 \cdot 10^{-27}$ kg | | |
| | b) $N_A = 6.022137 \cdot 10^{26}$ 1/kmol | | |
| | c) $R = 8.3145 \cdot 10^3$ J/(K·kmol) | | |
| 1.9 | a) $W_G = 1.4 \cdot 10^4$ J | | |
| | b) $W_G = 2 \cdot 10^{-1}$ J | | |
| 1.10 | ... | | |
| 1.11 | ... | | |