

## Übung 4                      Rotations-Mechanik Wirkungslinie einer Kraft, Drehmoment, Einfache Maschinen

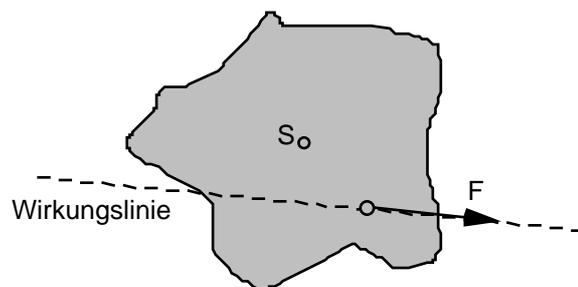
### Lernziele

- wissen, dass sich die Wirkung einer Kraft nicht ändert, wenn man die Kraft auf ihrer Wirkungslinie verschiebt.
- wissen, wie die Wirkung einer Kraft von der Lage der Wirkungslinie und dem Betrag der Kraft abhängt.
- das Drehmoment einer Kraft bestimmen können.
- die Wirkung von Kräften beurteilen können, die an einem starren Körper angreifen.
- den Zusammenhang zwischen Kraft und Drehmoment bei einem Motor verstehen.
- verstehen, was ein Kraft-Wandler, ein Drehmoment-Wandler ist.
- beurteilen können, ob eine einfache Maschine ein Kraft-Wandler oder ein Drehmoment-Wandler ist.
- mindestens je ein Beispiel eines Kraft-Wandlers und eines Drehmoment-Wandlers kennen.
- beurteilen können, welche Teile einer Maschine Kraft- bzw. Drehmoment-Wandler sind.
- eine neue Problemstellung bearbeiten können.

### Aufgaben

#### 1. Experimente Wandtafel

An einem starren Körper greift eine **Kraft F** an. Der Kraft F wird eine **Wirkungslinie** zugeordnet:



An der Wandtafel hängen zwei Modelle von starren Körpern, eine Scheibe und ein Stab. Die beiden Körper sind so an der Wandtafel montiert, dass deren Schwerpunkte fest mit der Wandtafel verbunden sind. Der einzelne Körper kann sich also nur noch um eine Drehachse drehen, die durch seinen Schwerpunkt läuft.

Man kann eine am Körper angreifende Kraft bewerkstelligen, indem man am Körper ein Gewichtsstück in einem bestimmten Abstand von der Drehachse anhängt.

- a) Betrachten Sie die **Scheibe**.
- Hängen Sie an der Scheibe zwei Gewichtsstücke an, so dass die Scheibe im Gleichgewicht ist.
  - Verschieben Sie nun das eine Gewichtsstück so, dass die angreifende Kraft lediglich entlang ihrer Wirkungslinie verschoben wird.
  - Stellen Sie fest, dass die Scheibe dabei im Gleichgewicht bleibt.

Überlegen Sie sich mit Hilfe der Feststellung iii), dass sich die Wirkung einer angreifenden Kraft nicht ändert, wenn man die Kraft auf ihrer Wirkungslinie verschiebt.

- b) Betrachten Sie den **Stab**.
- Hängen Sie am Stab zwei Gewichtsstücke an, so dass die Scheibe im Gleichgewicht ist.
  - Ersetzen Sie nun das eine Gewichtsstück so, dass der Stab weiterhin im Gleichgewicht bleibt.  
Der Abstand der Wirkungslinie der angreifenden Kraft kann verändert werden, indem das Gewichtsstück weniger oder weiter von der Drehachse entfernt angehängt wird.  
Der Betrag der angreifenden Kraft kann verändert werden, indem man ein leichteres oder schwereres Gewichtsstück anhängt.

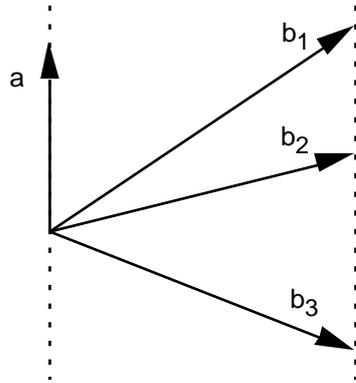
(Fortsetzung siehe Seite 2)

Damit der Stab im Gleichgewicht bleibt, müssen die beiden folgenden Grössen eine bestimmte Beziehung erfüllen:

- Abstand der Wirkungslinie der angreifenden Kraft von der Drehachse
- Betrag der angreifenden Kraft

Finden Sie diese Beziehung mit Hilfe der Experimente unter ii).

2. Gegeben sind die Vektoren  $a$ ,  $b_1$ ,  $b_2$  und  $b_3$ :

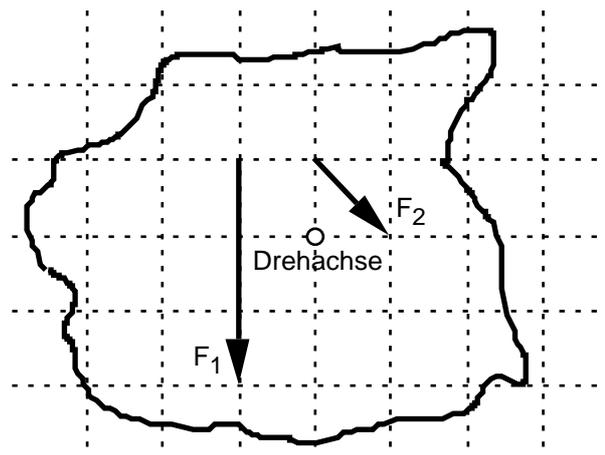


Erklären Sie, dass alle drei Vektorprodukte  $a \times b_1$ ,  $a \times b_2$  und  $a \times b_3$  gleich sind.

3. Ein Radfahrer übt auf die Pedale der Hebellänge  $r = 20$  cm eine Kraft  $F = 500$  N aus. Bestimmen Sie die Drehmomente der Kraft für die Fälle, in welchen der Winkel zwischen der Richtung des Pedalhebels und der Wirkungslinie der Kraft die folgenden Werte hat:

- a)  $0^\circ$                       b)  $45^\circ$                       c)  $90^\circ$                       d)  $180^\circ$

4. Gegeben ist ein starrer Körper. Er kann sich um eine Achse drehen, die senkrecht zur Blattebene liegt. Am ruhenden, starren Körper greifen die beiden in der Blattebene liegenden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  an:



- a) **Ersetzen** Sie die beiden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  durch eine einzige angreifende Kraft  $F_3$ .

$F_3$  soll dieselbe Wirkung haben wie die beiden ursprünglich angreifenden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$ .

Machen Sie **zwei** Vorschläge für die Kraft  $F_3$ .

Zeichnen Sie dazu Ihre zwei Vorschläge für  $F_3$  mit korrektem Angriffspunkt, korrekter Richtung und massstabsgetreuem Betrag in die Grafik ein.

- b) Bestimmen Sie die Richtung, in welche sich der Körper aufgrund der angreifenden Kräfte zu drehen beginnt.
- c) **Ergänzen** Sie die beiden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  durch eine dritte angreifende Kraft  $F_3$ , so dass sich der starre Körper im Gleichgewicht befindet.

Machen Sie **zwei** Vorschläge für die Kraft  $F_3$ .

Zeichnen Sie dazu Ihre zwei Vorschläge für  $F_3$  mit korrektem Angriffspunkt, korrekter Richtung und massstabsgetreuem Betrag in die Grafik ein.

### 5. Experimente mit Kraft- und Drehmoment-Wandlern

Def.: Ein **Kraft-Wandler** ist eine einfache Maschine, welche eine Kraft in eine andere Kraft "umwandelt", wobei das Drehmoment der Kräfte konstant bleibt.

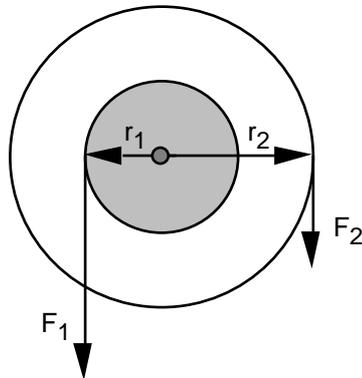
Ein **Drehmoment-Wandler** ist eine einfache Maschine, welche ein Drehmoment in ein anderes Drehmoment "umwandelt", wobei die Kraft, die die Drehmomente bewirkt, konstant bleibt.

Im Praktikumszimmer L26 sind drei Posten (Posten 1 bis 3) eingerichtet, an denen Sie Kraft- und Drehmoment-Wandler studieren sollen. Bearbeiten Sie dazu die untenstehenden Aufgabenstellungen.

#### a) Wellrad (Posten 1)

Am ruhenden oder mit konstanter Winkelgeschwindigkeit rotierenden Wellrad greifen die beiden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  an.

Die Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  sind so bemessen, dass das Wellrad weiterhin in Ruhe bleibt oder mit unveränderter Winkelgeschwindigkeit rotiert:



- Prüfen Sie experimentell nach, dass  $F_2 < F_1$ , falls  $r_2 > r_1$ .
- Überlegen Sie sich, um wieviel  $F_2$  kleiner sein muss als  $F_1$ . Betrachten Sie dazu die Drehmomente  $M_1$  und  $M_2$  der beiden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$ .
- Überprüfen Sie das Ergebnis Ihrer Überlegungen aus ii) experimentell nach.
- Beurteilen Sie, ob das Wellrad ein Kraft- oder ein Drehmoment-Wandler bildet.

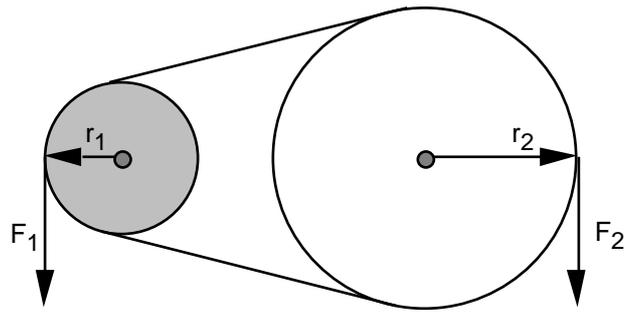
#### b) Riemenräder (Posten 2)

Zwei Räder sind über einen Riemen miteinander verbunden.

An den ruhenden oder mit konstanten Winkelgeschwindigkeiten rotierenden Rädern greifen die beiden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  an.

Die Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  sind so bemessen, dass die Räder weiterhin in Ruhe bleiben oder mit unveränderten Winkelgeschwindigkeiten rotieren:

(Fortsetzung siehe Seite 4)



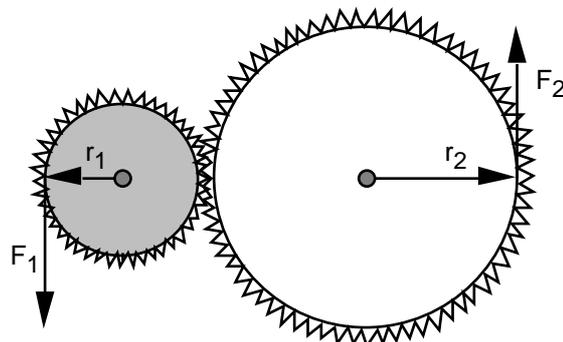
- i) Prüfen Sie experimentell nach, dass  $F_2 = F_1$ .
- ii) Überlegen Sie sich, dass  $F_2 = F_1$  gelten muss, und zwar unabhängig von  $r_1$  und  $r_2$ .
- iii) Geben Sie eine Beziehung an zwischen den Drehmomenten  $M_1$  und  $M_2$  der beiden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$ .
- iv) Beurteilen Sie, ob die beiden Riemenräder ein Kraft- oder ein Drehmoment-Wandler bilden.

c) **Zahnräder (Posten 3)**

Zwei Zahnräder sind miteinander in Kontakt.

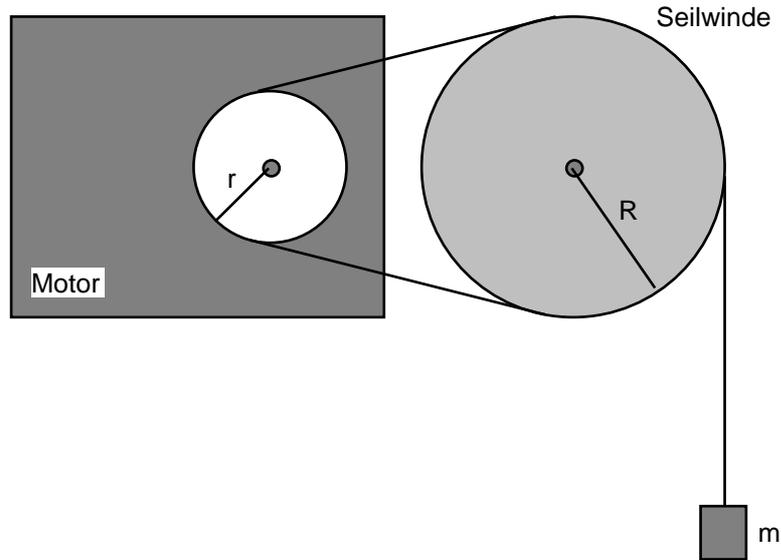
An den ruhenden oder mit konstanten Winkelgeschwindigkeiten rotierenden Zahnrädern greifen die beiden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  an.

Die Kräfte  $F_1$  und  $F_2$  sind so bemessen, dass die Zahnräder weiterhin in Ruhe bleiben oder mit unveränderten Winkelgeschwindigkeiten rotieren:



- i) Prüfen Sie experimentell nach, dass  $F_2 = F_1$ .
- ii) Überlegen Sie sich, dass  $F_2 = F_1$  gelten muss, und zwar unabhängig von  $r_1$  und  $r_2$ .
- iii) Geben Sie eine Beziehung an zwischen den Drehmomenten  $M_1$  und  $M_2$  der beiden Kräfte  $F_1$  und  $F_2$ .
- iv) Beurteilen Sie, ob die beiden Zahnräder ein Kraft- oder ein Drehmoment-Wandler bilden.

6. Ein Elektromotor treibt über einen Riemen eine Seilwinde an, mit welcher Lasten gehoben werden können:



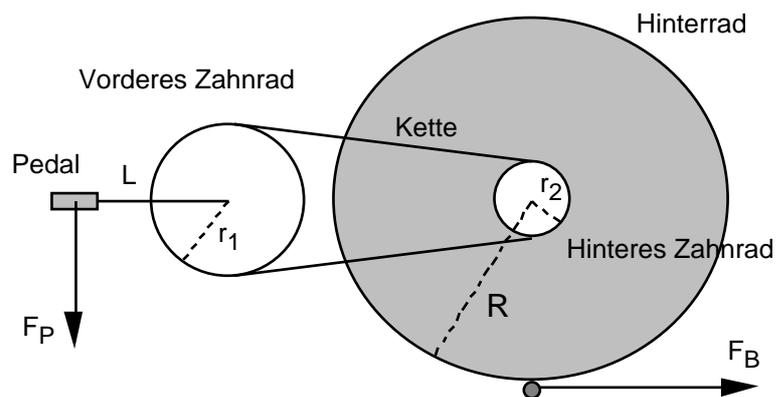
Im technischen Datenblatt steht, dass der Motor ein maximales Drehmoment von 500 Nm habe.

- Bestimmen Sie die maximale Masse  $m$ , die mit der Seilwinde gehoben werden könnte.
- Bestimmen Sie das Drehmoment, welches die Gewichtskraft dieser Masse an der Trommel der Seilwinde bewirkt.

Daten:  $r = 5 \text{ cm}$ ,  $R = 10 \text{ cm}$

7. Ein **Fahrrad** ist eine Maschine, die aus Kraft- und Drehmoment-Wandlern besteht.

Dabei wird die Kraft  $F_P$ , die der Fahrradfahrer auf das Pedal ausübt, in die Kraft  $F_B$  "umgewandelt", welche auf den Boden ausgeübt wird.



- Geben Sie an, aus welchen Kraft- und Drehmoment-Wandlern ein Fahrrad besteht.
- Bestimmen Sie  $F_B$  in Abhängigkeit von  $F_P$  und den Parametern  $L$ ,  $R$ ,  $r_1$ ,  $r_2$ .
- Diskutieren Sie, wie  $F_B$ 
  - von der Übersetzung  $i := \frac{r_1}{r_2}$  abhängt.
  - vom Radius  $R$  des Hinterrades abhängt.

